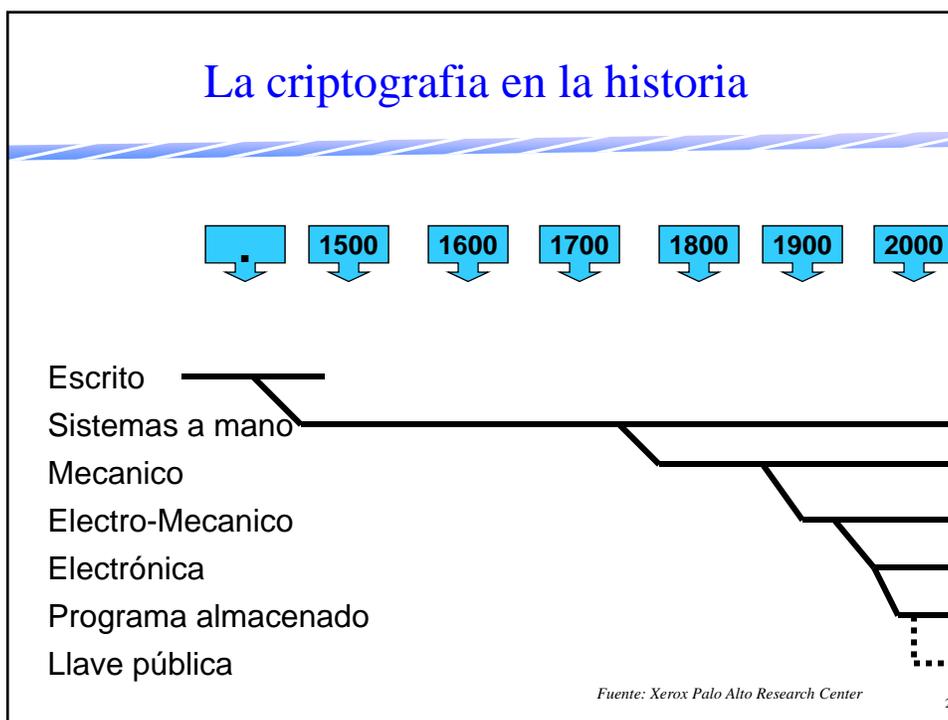


# Criptologia clásica

Roberto Gómez Cárdenas  
rogomez@itesm.mx  
<http://webdia.cem.itesm.mx/ac/rogomez>

1



## Procedimientos clásicos de encriptación

- Primeros metodos criptograficos
  - epoca romana hasta siglo XX
- Basados en dos técnicas
  - transposición
  - substitución

3

## Procedimientos clásicos de encriptación

- Transposición
  - “barajar” los símbolos del mensaje original colocandolos en un orden distinto, de manera que el criptograma contenga los mismos elementos del texto claro, pero colocados de tal forma que resulten incomprensibles.
- Sustitución
  - establecer correspondencia entre las letras del alfabeto en el que está escrito el mensaje original y los elementos de otro conjunto que puede ser el mismo o distinto alfabeto.



## Primer criptosistema sustitución

- Una de las más viejas descripciones de encriptación por sustitución aparece en el Kama-Sutra
  - texto escrito en el siglo IV D.C. por Brahmin scholar Vatsyayana, basado en manuscritos que datan del siglo IV A.C.
- Kama-Sutra recomienda que la mujer debe estudiar 64 artes,
  - cocina, vestido, masaje y preparación perfumes
  - también incluye: ajedrez, carpintería
  - número 45 de la lista: *mlecchita-vikalpa*, el arte de escritura secreta

7

## Criptosistema de Cesar

- Sustituye primera letra del alfabeto A, por la cuarta D; la segunda, B, por la quinta E, etc.
- También conocido como Ceaser shift cipher
- Dos alfabetos:
  - alfabeto texto plano/claro: el alfabeto usado para escribir el mensaje original (texto claro)
  - alfabeto criptosistema (o de encriptación): las letras de este alfabeto substituyen a las letras del alfabeto texto claro

8

### Ejemplo encriptación Cesar

*Alfabeto original*

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

*Alfabeto desfasado*

D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

*correspondencias*


**Mensaje:** VENI VIDI VICI

**Llave:** DDDD DDDD DDDD

**Criptograma:** YHQL YLGL YLFL

9

### Ejemplo decriptación Cesar

*alfabeto plano:*

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

*alfabeto del criptosistema*

X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

*correspondencias*


**Criptograma:** YHQL YLGL YLFL

**Llave:** DDDD DDDD DDDD

**Mensaje:** VENI VIDI VICI

10

## Una variante de Cesar

- Usar como llave una palabra que no tenga letras repetidas.
- La palabra es el inicio del alfabeto de encriptación y el resto son las letras del alfabeto en orden creciente.

Alfabeto texto claro:

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

**Llave: Murcielago**

Alfabeto de encriptación

M	U	R	C	I	E	L	A	G	O	B	D	F	H	J	K	N	P	Q	S	T	V	W	X	Y	Z
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

## Criptosistemas monoalfabeticos

- Administradores arabes usaban criptosistemas parecido al de Cesar.
- También usaban criptosistemas que contenían otros tipos de símbolos:
  - a puede ser reemplazada por #
  - b puede ser reemplazada por +
- Un *criptosistema de substitución monoalfabético* es el nombre que se le da a cualquier criptosistema en el cual el alfabeto del criptosistema consiste de letras o símbolos, o una combinación de los dos.

12

## Otros criptosistemas monoalfabeticos

- El criptosistema de Bacon
- El Polybius square
- Checker board
- Pigpen
- Atbash
- Ejemplos en la literatura
  - Arthur Conan Doyle
  - Edgar Allan Poe

13

## El criptosistema de Bacon

- Francis Bacon (1521-1626) y su fraternidad “Rosicrucian” hizo uso de diferentes tipos de criposistemas.
- Uno de los más simples utiliza grupos de cinco letras y el resultado es un criptosistema monoalfabetico de caracteres
- Utiliza un criptosistema de 24 letras con I, J, U y W usados intercambiadamente

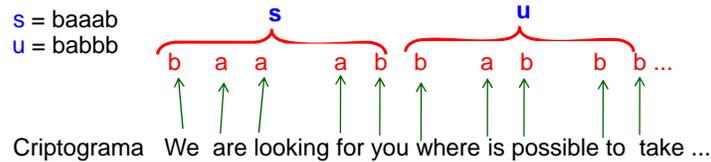
14

## Ejemplo criptosistema Bacon

A = aaaaa	I/J = abaaa	R = baaaa
B = aaaab	K = abaab	S = baaab
C = aaaba	L = ababa	T = baaba
D = aaabb	M = bbabb	U/V = babbb
E = aabaa	N = bbbaa	W = babba
F = aabab	O = bbbab	X = babab
G = aabba	P = bbbba	Y = babba
H = aabbb	Q = bbbbb	Z = babbb

Texto claro: s u c c e s s  
 baaab babbb aaaba aaaba aabaa baaab baaab

Para encriptar: letra inicial de cada letra indica a o b A - M=a , N-Z=b



15

## El criptosistema Polybius Square

- Polybius era un escritor anciano Griego que propuso substituir las letras con números de dos dígitos.
- El alfabeto es escrito en una matriz de 5 x 5 con los renglones y columnas numeradas:

	1	2	3	4	5
1	A	B	C	D	E
2	F	G	H	I/J	K
3	L	M	N	O	P
4	Q	R	S	T	U
5	V	W	X	Y	Z

16

## Encriptando en Polybius Square

- Para encriptar sustituir cada letra con las coordenadas de la letra en la matriz.

- Por ejemplo:

F: es igual a 21 

R E N A C I M I E N T O  
4215 331113 24 32 2415 33 44 34

	1	2	3	4	5
1	A	B	C	D	E
2	F	G	H	I/J	K
3	L	M	N	O	P
4	Q	R	S	T	U
5	V	W	X	Y	Z

- Es más un código que un criposistema
- Fue usado para transmitir mensajes de larga distancia en la noche usando antorchas.

17

## Checker Board

- Similar al de Polybius
- La llave esta constituida por tres palabras
  - dos están en la columna y renglón de la matriz de 5 x 5 y forman las coordenadas de las entradas
  - estas palabras no pueden contener palabras similares para proporcionar coordenadas únicas
- Adentro de la matriz se escribe el alfabeto
  - la tercera palabra se escribe adentro de la matriz y se rellenan las otras celdas con el resto del alfabeto
- La encriptación es igual que en Polybius

18

## Ejemplo de Checker board

	G	R	O	U	P
W	B	O	A	R	D
H	C	E	F	G	H
I	J	K	L	M	N
T	P	Q	S	T	U
E	V	W	X	Y	Z

Texto claro: p r o t o c o l

Criptograma: **T**G**W**U**W**R**T**U**W**R**H**G**W**R**I**O

19

## El criptosistema de Pigpen

- Criptosistema de tipo monoalfabetico
- Usado por los Freemasons en los 1700s para mantener sus registros secretos y aun es usado hoy en día por los niños escolares
- No sustituye una letra por otra, en lugar de estos substituye cada letra por un símbolo de acuerdo a un patrón determinado.

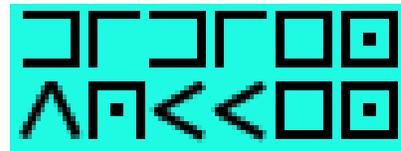
20

## El alfabeto

A	B	C	J	K	L	S	W		
D	E	F	M	N	O	T	U		
G	H	I	P	Q	R	V	X	Y	Z

a =   
 b =   
 :  
 :  
 z = 

Ejemplo:



21

## Criptosistema Atbash

- Se toma cada letra, se calcula el número de lugares que lo separan de la primera letra del alfabeto.
- Se reemplaza con una letra que se encuentra en la misma distancia del final del alfabeto.
- En alfabeto español equivale a reemplazar:
  - la letra a, al principio alfabeto, por la letra z
  - la letra b se cambia por la letra y

22

## Ejemplo Atbash

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
Z	Y	X	W	V	U	T	S	R	Q	P	O	N	M	L	K	J	I	H	G	F	E	D	C	B	A

Texto claro: MENSAJE DE PRUEBA

Criptograma: NVMHZQV WV KIFVYZ

23



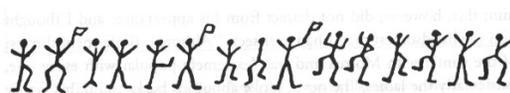
## Primer ejemplo literatura: Arthur Conan Doyle

- Conan Doyle 1859 1930 es el autor de las aventuras de Sherlock Holmes
- Sherlock era un experto criptoanalista y le dice a Watson:

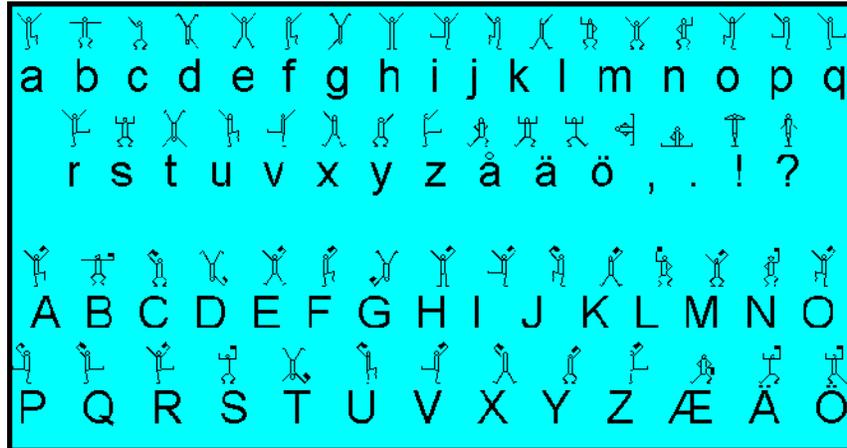
*I am the author of a trifling monograph upon the subject in which I analyze one hundred and sixty separate ciphers.*



- Su más famoso criptoanálisis: Adventure of the Dancing Men



## Criptosistema de Adventures Dancing Men



25



## Segundo ejemplo: Edgar Allan Poe

- Poe (1809-1849) tenía interes en la criptografía.
- Escribe para el Alexander Weekly Messenger de Filadelfia desafía a los lectores diciendo que puede resolver cualquier criptograma.
- En 1843 escribe un historia corta acerca de criptosistemas: The Gold Bug

53++!305))6\*;4826)4+.)4+);806\*;48!8`60))85;]8\*:+\*8!83(88)5\*!;  
 46(;88\*96\*?;8)\*+(;485);5\*!2:\*+(;4956\*2(5\*-4)8`8\*; 4069285);)6  
 !8)4++;1(+9;48081;8:8+1;48!85;4)485!528806\*81(+9;48;(88;4(+?3  
 4;48)4+;161;:188;+?;

26

# Los retos de Allan Poe

To EDGAR A. POE, Esq.

DR. T. H. O. G. X. E. W. P. J. F. Y. A. N. G. U. H. L. I. A. V. Q. S. M. G. S. 0  
 x. b. T. b. j. s. S. N. B. e. s. v. L. N. K. A. Y. O. [ C. P. T. A. o. l. H. r. t. g. u. o. c.  
 L. M. J. a. f. e. r. n. d. o. i. l. v. a. O. h. j. r. X. I. X. I. R. i. e. g. a. n. h. a. M. e. T. a  
 Q. u. a. t. B. X. P. e. E. y. G. a. m. d. U. i. e. A. S. L. A. A. n. v. z. t. e. c. D. Y. R. C.  
 d. n. h. v. F. K. x. o. c. f. Z. o. N. e. m. e. l. l. r. k. O. n. o. m. i. z. o. h. M. f. e.  
 w. o. V. i. e. c. X. n. b. v. u. l. n. x. n. A. f. k. s. O. i. y. a. ( D. V. b. a. z. i. g. g. T. L. P. T.  
 S. e. z. i. C. E. M. n. S. W. b. G. e. r. i. h. a. N. j. m. x. s. e. v. a. L. T. h. a. d. a. k. i. X. D. I. x  
 a. s. [ C. I. J. e. K. o. F. O. A. K. T. N. D. O. T. y. k. e. t. O. n. i. a. t. r. B. e. P.  
 S. E. B. d. N. b. L. O. u. L. p. h. n. i. n. l. a. a. i. z. e. d. i. x. y. M. A. O. c. E. p. i. s. t. o. l. a.  
 e. x. l. z. e. l. f. k. M. k. x. y. K. S. g. o. H. i. t. v. W. q. q. P. q. T. o. d. a. v. j. a. n. v.  
 U. s. i. c. a. m. e. n. k. V. F. H. A. I. D. a. h. X. j. M. X. T. l. a. x. Y. e. A. f. i. a. d. F. y. W.  
 X. O. o. n. k. U. a. m. a. z. e. s. e. v. A. o. O. i. A. u. s. c. y. r. e. c. G. i. O. Q. B. g.  
 N. B. J. E. m. M. q. n. k. L. e. o. a. n. S. i. l. e. r. i. s. i. N. z. Q. q. g. t. j. q. l. a. u. o. f.  
 R. Z. n. K. C. l. a. a. l. M. i. X. J. u. m. n. y. i. U. i. Q. x. G. D. h. a. B. r. i.  
 b. z. N. L. L. e. t. j. h. e. W. e. e. T. o. Y. d. j. J. I. A. V. i. d. e. M. F. r. v.  
 v. A. t. h. o. r. P. d. n. h. n. N. c. i. M. c. n. l. e. r. i. s. i. f. i. v. i. d. e. l. a. q. u. i. p. h. i.  
 k. y. S. X. i. C. e. l. e. s. e. v. u. l. L. Q. i. g. m. x. v. r. M. c. n. y. U. i. K. l. q. p. h. i.  
 A. e. G. b. M. f. o. a. R. N. m. a. z. Q. c. m. t. r. z. i. h. O. E. l. x. a. W. t. a.  
 C. F. o. i. o. y. k. f. j. e. o. I. e. i. D. D. P. t. s. l. B. D. V. a. k. y. o. b. e. l. X. h.  
 q. d. J. M. Q. e. l. a. l. u. d. a. K. v. a. t. v. a. g. g. e. u. t. e. a. l. y. i.  
 K. j. e. m. y. i. a. e. d. a.

, + \$ : † ] [ , ? † ) , [ i ¶ ! ? , + , ) i , \$ [ ¶ ! ] , : ¶ ! [  
 \$ ( , † \$ i || ( ? † ? , \* \* ( † † i ( [ , ¶ ! \* . † [ \$ i ¶ ! \$ i  
 ¶ ! ] i , † \$ [ ? ( \$ [ : : ( † [ . † ( \* ; ( || ( , † \$ i † [ \*  
 : , ] ! ¶ ! † || ] ? \* ! ¶ ! † † \$ ¶ ! || , \* ( † i ( , ? † \$ ( i  
 - e. v. i. ¶ ! [ ? ( , ; \$ † e. s. † ] † \$ \$ : ( † [ † [ ¶ ! ? † ] :  
 \* i ¶ ! : ( \$ ? ) ! ¶ ! † \$ † ] : \$ ? † † i † † ¶ ! ! ( , † \$ ? ( ||  
 \* ) [ \$ i ' i , : , † \$ - e. s. ) , ? || \* ] ? , \$ \$ ( ! † i ( ,  
 † \$ † [ † ! ) \* ] [ † : ? ] ||

# Atacando los criptosistemas monoalfabéticos

## El criptoanálisis arábe

## Criptoanálisis arabe

- Estudiantes árabes capaces destruir criptosistemas.
  - en realidad ellos inventaron el criptoanálisis
- Disciplinas para criptoanálisis: matemáticas, la estadística y la lingüística.
- Teólogos interesados en la cronología de las revelaciones.
  - contaban las frecuencias de las palabras contenidas en cada revelación,
  - la teoría era que algunas palabras habían evolucionado recientemente
  - si la revelación contiene un alto número de estas palabras la revelación era “joven”

29

## Frecuencia letras

- Se estudiaba el Corán
  - probar si determinados textos eran consistentes con los patrones lingüísticos del Profeta
- Estudiantes no solo estudiaban palabras
  - se iban al nivel de letras.
- Descubren que algunas letras eran más comunes que otras.
  - letras a y l son las más comunes en el árabe
  - letra j aparece con muy poca frecuencia
- Esto representa primera herramienta criptoanálisis.

30

## El filósofo de los árabes

- No se puede decir quien fue el primero en darse cuenta que la variación de la frecuencia de letras se podía usar para romper criptosistemas.
- La descripción más antigua de la técnica data del siglo IX del científico *Abu YusufYaqub ibn Is-haq ibn as-Sbbah ibn 'omran ibn Ismail al-Kindi* conocido como el filósofo de los arabes.
- Escribe: Un manuscrito sobre la descripción de mensajes criptográficos.

31

## Análisis de Frecuencia

- Una forma de solucionar un mensaje encriptado, si se conoce su lenguaje, es:
  - encontrar un texto claro del mismo lenguaje lo suficientemente grande para llenar una hoja
  - contar las ocurrencias de cada letra
  - la letra de mas ocurrencias es la primera, la siguiente con más ocurrencia es la segunda, la siguiente la tercera y así hasta contar todas las letras del alfabeto
- Después se ve el criptograma:
  - se clasifican los símbolos de la misma forma
  - se substituye el símbolo que más repetido por la primera letra, el siguiente más repetido es reemplazado por la segunda letra y así hasta tener todos los símbolos.

32

## Factores importantes a tomar en cuenta para ataques a criptosistemas monoalfabeticos

- Análisis de frecuencia
  - distribución frecuencia: distribución general de caracteres en una escritura regular del lenguaje
- Repetición de patrones
  - patrones que se repiten con frecuencia
  - español: de, que, cion

33

## Frecuencias de letras

- English:
  - E,T,A,O,N,R,I,S,H,D,L,F,C,M,U,G,Y,P,W,B,V,K,X,J,Q,Z
- Francais:
  - E,A,S,I,T,N,R,U,L,O,D,C,M,P,V,Q,G,F,B,H,J,X,Y,Z,K,W
- Español:
  - E,A,O,S,R,N,I,D,L,C,T,U,M,P,B,G,Y,V,Q,H,F,Z,J,X,W,K
- Aleman:
  - E,N,I,S,T,R,A,D,H,U,G,M,C,L,B,O,F,K,W,V,Z,P,J,Q,Y,X

34

## Digraphs, Bigrams y Trigrams

- Digraphs
  - grupo indivisible de dos letras y con un solo sonido
  - ejemplo: ch en español o th en inglés
- Bigram
  - es un grupo de dos letras
- Trigram
  - es un grupo de tres letras

35

## Ejemplo en inglés

- Double Letters (1000 words):
  - LL 19, SS 15, EE 14, OO 12, TT 9
- Bigram (1000 words):
  - TH 168, HE 132, AN 92, RE 91
- Trigram (20000 words):
  - the 1054, ing 317, ent 234, ion 232, tio 177
- Common Words (10000 words):
  - the 420, and 142, to 132, in 111, a 108,

36

## Ejemplo en español

**D. Spanish Letter Frequency Data**

1-a.—Absolute frequencies of single letters of Spanish plain text, arranged alphabetically, based on 60,116 letters of text.

A..... 6,681	G..... 823	L..... 2,174	Q..... 346	V..... 602
B..... 799	H..... 367	M..... 1,740	R..... 4,628	W..... 36
C..... 2,157	I..... 4,920	N..... 4,823	S..... 4,140	X..... 127
D..... 2,687	J..... 190	O..... 5,819	T..... 3,180	Y..... 413
E..... 7,801	K..... 22	P..... 1,785	U..... 2,172	Z..... 182
F..... 481				60,116

1-b.—Monographic kappa plain, Spanish language=0747 (I. C. =1.94)

1-c.—Frequency distribution of single letters based on 60,116 letters in Spanish plain text, reduced to 1,000 letters, arranged according to their relative frequencies.

E..... 130	S..... 69	U..... 36	V..... 10	J..... 3
A..... 111	T..... 53	P..... 30	F..... 8	Z..... 3
O..... 97	C..... 52	M..... 29	Y..... 7	X..... 2
L..... 82	D..... 45	G..... 14	H..... 6	R..... 1
N..... 80	I..... 36	B..... 13	Q..... 6	K..... 1
R..... 77				1,000

1-d.—Percentage of vowels, high-frequency consonants, medium-frequency consonants, and low-frequency consonants in 60,116 letters of Spanish plain text. Percentage of 7 most frequent letters in Spanish plain text.

Vowels A, E, I, O, U, and Y=46.3%  
 High-Frequency Consonants N, R, and S=22.6%  
 Medium-Frequency Consonants C, D, L, M, F, and T=24.5%  
 Low-Frequency Consonants B, G, H, J, K, Q, V, W, X, and Z=6.6%

7 most frequent letters (in descending order of frequency) E, A, O, I, N, R, and S=64.6%

1-a.—Absolute frequencies of single letters as initial letters of 10,129 words in Spanish plain text, arranged according to their frequencies. (One-letter words have been omitted.)

P..... 1,128	L..... 435	Q..... 286	V..... 183	Y..... 27
C..... 1,081	R..... 425	I..... 281	F..... 177	T..... 19
D..... 1,012	M..... 403	H..... 250	O..... 166	Z..... 2
E..... 989	N..... 346	U..... 219	B..... 124	K..... 1
S..... 789	T..... 298	G..... 206	J..... 47	X..... 129
A..... 781				10,129

2-c.—The 87 digraphs comprising 75% of Spanish plain text, based on the table of 5,000 digraphs (Item 2-a), arranged according to their relative frequencies.

EN... 126	TE... 67	IN... 50	NA... 41	MA... 32	IS... 27	EA... 20
ES... 119	AN... 64	EC... 47	IE... 40	SA... 32	EM... 26	OA... 19
ON... 104	RI... 45	2,313	PO... 31	SP... 26	FU... 19	
ER... 94	1,287	EL... 44	CA... 39	MI... 30	ED... 26	SC... 18
RE... 94	AD... 64	LA... 44	ND... 37	PA... 30	OD... 26	AT... 18
NT... 91	AS... 62	RO... 43	AD... 39	AF... 24	CU... 18	
DE... 84	TA... 60	NO... 43	TI... 35	DI... 30	IT... 24	EE... 17
AR... 81	DO... 59	IA... 43	LE... 35	ID... 29	EP... 23	OB... 17
CI... 80	OR... 58	IC... 42	TR... 34	QU... 29	SU... 23	CE... 17
RA... 74	SE... 57	ME... 42	UN... 34	OP... 29	SO... 22	ET... 17
OS... 73	ST... 57	AL... 41	PR... 34	LI... 28	OL... 22	LO... 17
CO... 69	AC... 54	SI... 41	CM... 33	LT... 28	NS... 21	
IO... 67	UE... 52	NE... 41	NC... 33	OC... 28	EG... 21	3,753
			DA... 32			

2-d.—Frequent digraphs in Spanish plain text whose reversals are also frequent, accompanied by their frequencies from the table of 5,000 digraphs (Item 2-a).

EN... 126	NE... 41	AR... 81	RA... 74	AS... 62	SA... 32	LA... 44	AL... 41
ES... 119	SE... 57	CI... 80	IC... 42	OR... 58	RO... 43	EL... 44	LE... 35
ON... 104	NO... 43	AN... 64	NA... 41	AC... 54	CA... 39	MA... 32	AM... 30
ER... 94	RE... 94	AD... 64	DA... 32				

2-e.—Frequent digraphs in Spanish plain text whose reversals are rare or infrequent, accompanied by their frequencies from the table of 5,000 digraphs (Item 2-a).

NT... 91	TN... 0	ST... 57	TS... 0	ND... 37	DN... 1	NC... 33	CN... 0
IO... 67	OI... 4						

2-f.—Doublets occurring in Spanish plain text, arranged according to their frequencies from the table of 5,000 digraphs (Item 2-a).

EE... 17	AA... 12	RR... 10	SS... 10	LL... 9	CC... 5	OO... 4	NN... 3	DD... 2
----------	----------	----------	----------	---------	---------	---------	---------	---------

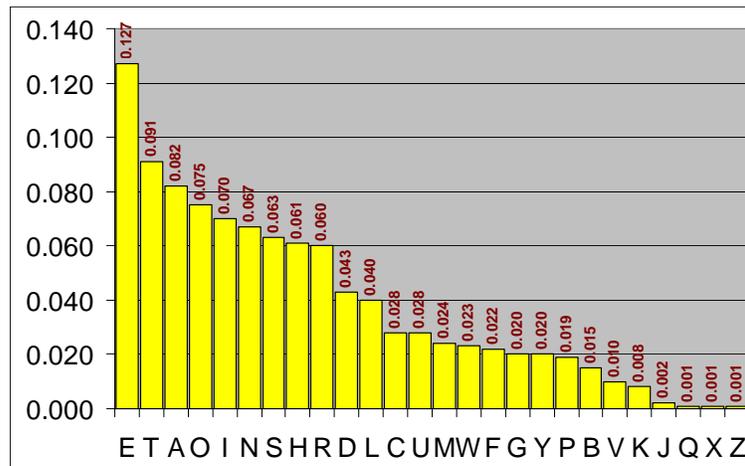
2-g.—The 21 digraphs appearing 100 or more times as beginnings of words in 10,129 words in Spanish plain text, arranged according to their absolute frequencies.

CO... 984	PR... 307	PA... 263	SE... 189	CA... 151	FE... 111	MA... 101
RE... 335	ES... 286	PO... 247	DI... 173	SI... 137	UN... 109	CU... 100
DE... 320	QU... 286	IN... 235	FU... 157	MI... 117	HA... 108	SO... 100

1 Includes Ñ throughout all tables.  
From foreign words appearing in Spanish plain text.

37

## Frecuencias de letras en el idioma inglés



## Ejemplo criptoanálisis de frecuencia

Criptograma:

```
yifqfmzrwqfyvecfmdzpcvmrzwnmdzvejbtxcddumjndife
fmdzcdmqzkceyfcjmyrncwjcszrexchzunmxznzucdrjxyy
smrtmeyifzwdyvzvyfzumrzcwzndzjjxzwgchsmrnmhdnc
mfqchzjmxjzwiejyucfwdjnzdir
```

Repetición:

a 0	h 4	o 0	v 5
b 1	l 5	p 1	w 8
c 15	j 11	q 4	x 6
d 13	k 1	r 10	y 10
e 7	l 0	s 3	z 20
f 11	m 16	t 2	
g 1	n 9	u 5	

39

## Analizando las frecuencias

- Acomodando los elementos de más frecuencia:
  - z 20 ocurrencias
  - mc,d,f,j,r,y al menos 10 ocurrencias
- z tiene 20 ocurrencias, podemos conjeturar que
  - $E_K(E) = z$  o  $(D_K(z) = E)$
- $D_K$  mapea  $\{m,c,d,f,j,r,y\}$  a  $\{T,A,O,I,N,S,H,R\}$ 
  - como las frecuencias no varían mucho, la probabilidad de que lo anterior sea verdad es pequeña
- Sugerencia: observar los digramas
  - dz, zw 4 ocurrencias
  - nz, zu 3 ocurrencias
  - rz, hz, xz, fz, zr, zv, zc, zd, zj 2 ocurrencias

40

## ¿Entonces?

- zw ocurre 4 veces y wz no ocurre
- se compara la misma propiedad con E- y -E
  - ED se presenta con frecuencia
  - DE no se presenta con frecuencia
- Entonces se deduce que
  - $D_K(w) = D$
- rw se presenta frecuentemente, tanto como ND y ya que  $D_K(w) = D$ , entonces se puede deducir que:
  - $D_K(r) = N$
- Lo cual se describe en la tabla siguiente.

41

## Primer resultado parcial

Yifqfmzrwqfyvecfmdz  
 pcvmrzwnmdzvejbtxc  
 ddumjndifefmdzcdmq  
 zkceyfcjmyrncwjcszre  
 xchzunmxznzucdrjxy  
 smrtmeyifzwdyvzvyfzu  
 mrzcrwnzd zjjxzwgchsm  
 rnmdhncmfqchzjmxjwi  
 ejyucfwdjnzdir

```

***** end ***** *e
yifqfmzrwqfyvecfmdz
* * * ned * * * e * * * * *
pcvmr zwnmdzvejbtxc
* * * * * * * * * * * e * * * *
ddumjndifefmdzcdmq
e * * * * * * * n * * * * * en * -
zkceyfcjmyrncwjcszrex
- - E - - - E - E - - - N - - - -
chzun mxzn zucdrjxyys
- N - - - - E D - - - E - - - E -
mrtmeyifzwdyvzvyfzu
- NE - ND - E - E - - - ED - - - -
mrzcrwnzd zjjxzwgchsm
- N - - - - - E - - - - E
mrnmdhncmfqchzjmxjwi
D - - - - - D - - - E - - N - - -
wiejyucfwdjnzdir
    
```

42

### Analizando más

- Digrama nz es un digrama común en el criptograma
- Digrama zn no aparece frecuentemente
- Lo mismo para HE y EH respectivamente
- Se puede deducir que
  - $D_K(n) = H$
- Entonces el segmento:

NE-NDHE  
r z c r w n z

- La frecuencia del trigramma AND nos conduce a deducir que:
  - $D_K(c) = A$

43

### Segundo resultado parcial

<pre> -----END-----E y ifqf m z r w q f y v e c f m d z ----N ED---E----- p c v m r z w n m d z v e j b t x c d -----E-----E- d u m j n d i f e f m d z c d m q z k -----N--D--EN-- c e y f c j m y r n c w j c s z r e x --E---E-E---N----- c h z u n m x z n z u c d r j x y y s -N-----E D---E---E- m r t m e y i f z w d y v z v y f z u -NE-ND-E-E---ED---- m r z c r w n z d z j j x z w g c h s -N-----E---E m r n m d h n c m f q c h z j m x j z D-----D---E--N--- w i e j y u c f w d j n z d i r---                 </pre>		<pre> -----END-----A---E y ifqf m z r w q f y v e c f m d z -A--N ED---E-----A- p c v m r z w n m d z v e j b t x c d -----E A---E- d u m j n d i f e f m d z c d m q z k A---A---N H A D- A-EN-- c e y f c j m y r n c w j c s z r e x A-E-H--E H E-A-N----- c h z u n m x z n z u c d r j x y y s -N-----E D---E---E- m r t m e y i f z w d y v z v y f z u -NEAN DHE-E---ED-A-- m r z c r w n z d z j j x z w g c h s -NH---A---A-E---E m r n m d h n c m f q c h z j m x j z D-----A-D--HE--N--- w i e j y u c f w d j n z d i r---                 </pre>
---	---	--

44

## y mas

- Ahora se considera m
- Criptograma: rnm se decripta a NH-
- Lo anterior sugiere que H empieza una nueva palabra,
- Entonces m debe ser una vocal (A,E,I,O,U)
- Ya se dedujo A y E, por lo que debe ser:
  - $D_K(m) = I$
  - $D_K(m) = O$
- Ya que cm se encuentra en el criptograma, puede ser AI o AO, se puede deducir que
  - $D_K(m) = I$

45

## Tercer resultado parcial

```

- - - - IEND - - - - -A-I -E
y ifqf m zrw qfyv ecfm dz
- A-IN ED-I -E- - - - -A-
p cvmr zwnm dzve jbt x cd
- -I- - - - - -I-E A-I- E-
d umjn dife fmdz cdmq zk
A - - -A -I-N HAD- A-EN - -
c eyfc jmyr ncwj cszr ex
A -E-H I-EH E-A- N- - - - -
c hzun mxzn zucd rjxy ys
I N-I- - - -E D- - - -E- - -E-
m rtme yifz wdyv zvyf zu
I NEAN DHE- E- - - -ED-A - -
m rzcr wnzd zjjx zwgc hs
I NHI- - -AI - - -A- E-I- -E
m rnmd hncm fqch zjmx jz
D - - - - -A-D - -HE - -N- - -
wiejy ucfw djnz dir- - -

```

46

## Buscando ...

- Ahora se intenta encontrar  $E_K(O)$
- O es un carácter común en inglés
  - se puede deducir que  $E_K(O) = d, f, j$  o  $y$
  - los caracteres más frecuentes en el criptograma que no se han contado
- Ocurrencia de  $cfm$ ,  $cdm$  y  $cjm$ , en criptograma, sugieren que  $E_K(O)$  no debe ser una vocal, por lo que se deduce que
  - $E_K(O) = Y$  o  $D_K(y) = O$

47

## Buscando más

- Los más frecuentes caracteres en el criptograma, sin deducir, son  $d, f, j$ , por lo que se conjetura:
  - $D_K\{d, f, j\} = \{r, s, t\}$
- Las dos ocurrencias de  $nmd$  (decriptadas a  $HI-$ ) sugieren que
  - $D_K(d) = A$  (ya que  $HIS$  es un trigramo frecuente)
- El segmento  $hncmf$  puede decriptarse como  $CHAIR$  ( $HIS CHAIR$ ), por lo que:
  - $D_K(f) = R$
  - $D_K(h) = C$ , entonces
  - $D_K(j) = T$

48

## Cuarto resultado parcial

O -R -R IEND -RO- -A-I SE  
 y ifqf m zrw qfyv ecfm dz  
 - A-IN ED-I SE-- T--- AS  
 p cvmr zwnm dzve jbt x cd  
 S -IT- S-R- RISE ASI- E-  
 d umjn dife fmdz cdmq zk  
 A -ORATION HADTA-EN --  
 c eyfc jmyr ncwj cszrex  
 ACE-HI-EHE-ASNT-O O-  
 c hzun mxzn zucdrjxy ys  
 IN-I- O-REDSO- E-ORE-  
 m rtme yifz wdyv zvyf zu  
 INEANDHESETT- ED-AC-  
 m rzcr wnzd zjjx zwgc hs  
 INHISC-AIR-ACETI- TE  
 m rnmd hncm fqch zjmx jz  
 D --TO -ARDSTHES-N- --  
 wiejy ucfw djnz dir- --

49

## El paso final

- Es fácil encontrar el resto del texto claro y el resto de la llave

$DK(p) = X$ ,  $DK(e) = P$ ,  $DK(b) = Y$ ,  $DK(t) = G$ ,  
 $DK(x) = L$ ,  $DK(u) = W$ ,  $DK(k) = V$ ,  $DK(s) = K$ .

- El mensaje es:

OURFRIENDFROMPARISEXAMINEDHISEMPTYGLASSWITH  
 SURPRISEASIFEVAPORATIONHADTAKENPLACEWHILEHE  
 WASNTLOOKINGIPOURED SOMEMOREWINEANDHESETTLED  
 BACKINHISCHAIRFACETILTEDUPTOWARDSTHESUN

50

## Detalles acerca de análisis frecuencia

- La tabla de frecuencias solo es un porcentaje y no corresponde a las frecuencias de todos los textos.
- Por ejemplo:
  - From Zanzibar to Zambia and Zaire ozone zones make zebras run zany zigzags
- En general textos cortos son candidatos para desviarse de las frecuencias promedios
  - si hay menos de 100 letras, el decriptado será difícil de lleva a cabo

51

## Variantes criptosistemas monoalfabeticos

combatiendo el análisis de frecuencia

52

## Antecedentes

- Siglos XIV - XVI
- El uso de criptografía se ha difundido.
- Usado por los alquimistas y científicos para mantener en secreto sus descubrimientos.
- El renacimiento hace que la criptografía avance.
- Empiezan a surgir estados independientes que necesitaban comunicarse de forma secreta
  - Giovanni Sro, secretario criptosistemas veneciano 1506
  - Philipert Babou y Francois Viete (Francia)
- Batalla entre criptografos y criptoanalistas

53

## Técnicas combatir análisis frecuencia

- Incorporación de nulos
- Escritura incorrecta del mensaje
- Incorporar codewords: nomenclators
- Los criptosistemas digráficos o poligráficos
  - Porta
  - Playfair
  - Hill
- Los criptosistemas homofónicos
  - Numéricos
  - Grandpre
  - Beale

54

## Incorporando nulos

- Uno de las mejoras más simples fue la incorporación de nulos:
  - símbolos o letras que no sustituían ninguna letra del alfabeto de texto plano
  - blancos que no representan nada
- Ejemplo:
  - sustituir cada letra del alfabeto claro por un número entre 1 y 99,
  - hay 73 números que no representan nada y pueden repartirse en el criptograma con frecuencias variadas

55

## Ejemplo incorporación nulos

A 10	I 18	Q 26	Y 34
B 11	J 19	R 27	Z 35
C 12	K 20	S 28	
D 13	L 21	T 29	
E 14	M 22	U 30	
F 15	N 23	V 31	
G 16	O 24	W 32	
H 17	P 25	X 33	

Nulos: { 36,37,38,39, ... 99 }

Mensaje: HOLA MUNDO

Criptograma: 17 36 24 40 21 53 10 62 22 81 30 72 23 92 13 46 24 40

56

## Escritura incorrecta del mensaje

- Nulos pueden confundir cualquier ataque basado en un análisis de frecuencia.
- Una variante es escribir incorrectamente algunas palabras antes de encriptar el mensaje, haciendo difícil aplicar el análisis de frecuencia
  - Thys haz thi ifetkkt off diztaughting thi ballans off frilwenseas
- El destinatario, que conoce la llave, puede descifrar el mensaje y después interpretar el mensaje.

57

## Los nomenclators

- Introducir codewords, códigos de palabras
- La sustitución se realiza a un nivel más alto: palabras.
- Ejemplo:
 

asesinar	D	general	$\Sigma$	inmediatamente	08
correo	P	rey	$\Omega$	hoy	73
capturar	J	ministro	$\Psi$	noche	28
proteger	Z	principe	$\Theta$	mañana	43

Mensaje : asesinar al rey hoy  
 Criptograma : D -  $\Omega$  - 73

58

## Los nomenclators

- Sistema de encriptación basado en:
  - sustitución de letras, usado encriptar la mayor parte mensaje,
  - una lista limitada de palabras codificadas.
- Un nomenclator puede consistir de
  - una página que contiene el alfabeto de encriptación y
  - una segunda página que contiene una lista de palabras codificadas.
- No es más seguro que un criptograma de letras,
  - parte principal mensaje se decripta usando análisis frecuencia
  - las palabras pueden adivinarse a partir del contexto.

59

## Ventajas y desventajas

- Palabras son menos vulnerables al análisis de frecuencias que letras.
  - en lugar de “atacar” 26 letras, se necesita identificar el valor de cientos o miles de palabras codificadas
- El tamaño de la llave cambia
  - necesario definir un código de palabras, para los cientos o miles de palabras,
  - el libro de código sería de cientos de páginas y podría verse como un diccionario
- Las consecuencias de capturar el libro de códigos son devastadoras
  - todas las comunicaciones serían transparentes

60



## Ejemplo criptosistema digráfico simple

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	
A	NG	OG	PG	QG	RG	SG	TG	UG	VG	WG	XG	YG	ZG	AG	BG	CG	DG	EG	FG	GG	HG	IG	JG	KG	LG	MG
B	NF	OF	PF	QF	RF	SF	TF	UF	VF	WF	XF	YF	ZF	AF	BF	CF	DF	EF	FF	GF	HF	IF	JF	KF	LF	MF
C	NE	OE	PE	QE	RE	SE	TE	UE	VE	WE	XE	YE	ZE	AE	BE	CE	DE	EE	FE	GE	HE	IE	JE	KE	LE	ME
D	ND	OD	PD	QD	RD	SD	TD	UD	VD	WD	XD	YD	ZD	AD	BD	CD	DD	ED	FD	GD	HD	ID	JD	KD	LD	MD
E	NC	OC	PC	QC	RC	SC	TC	UC	VC	WC	XC	YC	ZC	AC	BC	CC	DC	EC	FC	GC	HC	IC	JC	KC	LC	MC
F	NB	OB	PB	QB	RB	SB	TB	UB	VB	WB	XB	YB	ZB	AB	BB	CB	DB	EB	FB	GB	HB	IB	JB	KB	LB	MB
G	NA	OA	PA	QA	RA	SA	TA	UA	VA	WA	XA	YA	ZA	AA	BA	CA	DA	EA	FA	GA	HA	IA	JA	KA	LA	MA
H	NZ	OZ	PZ	QZ	RZ	SZ	TZ	UZ	VZ	WZ	XZ	YZ	ZZ	AZ	BZ	CZ	DZ	EZ	FZ	GZ	HZ	IZ	JZ	KZ	LZ	MZ
I	NY	OY	PY	QY	RY	SY	TY	UY	VY	WY	XY	YY	ZY	AY	BY	CY	DY	EY	FY	GY	HY	IY	JY	KY	LY	MY
J	NX	OX	PX	QX	RX	SX	TX	UX	VX	WX	XX	YX	ZX	AX	BX	CX	DX	EX	FX	GX	HX	IX	JX	KX	LX	MX
K	NW	OW	PW	QW	RW	SW	TW	UW	VW	WV	XV	YV	ZV	AV	BV	CV	DV	EV	FV	GV	HV	IV	JV	KV	LV	MV
L	NV	OV	PV	QV	RV	SV	TV	UV	VV	WV	XV	YV	ZV	AV	BV	CV	DV	EV	FV	GV	HV	IV	JV	KV	LV	MV
M	NU	OU	PU	QU	RU	SU	TU	UU	VU	WU	XU	YU	ZU	AU	BU	CU	DU	EU	FU	GU	HU	IU	JU	KU	LU	MU
N	NT	OT	PT	QT	RT	ST	TT	UT	VT	WT	XT	YT	ZT	AT	BT	CT	DT	ET	FT	GT	HT	IT	JT	KT	LT	MT
O	NS	OS	PS	QS	RS	SS	TS	US	VS	WS	XS	YS	ZS	AS	BS	CS	DS	ES	FS	GS	HS	IS	JS	KS	LS	MS
P	NR	OR	PR	QR	RR	SR	TR	UR	VR	WR	XR	YR	ZR	AR	BR	CR	DR	ER	FR	GR	HR	IR	JR	KR	LR	MR
Q	NQ	OQ	PQ	QQ	RQ	SQ	TQ	UQ	VQ	WQ	XQ	YQ	ZQ	AQ	BQ	CQ	DQ	EQ	FQ	GQ	HQ	IQ	JQ	KQ	LQ	MQ
R	NP	OP	PP	QP	RP	SP	TP	UP	VP	WP	XP	YP	ZP	AP	BP	CP	DP	EP	FP	GP	HP	IP	JP	KP	LP	MP
S	NO	OO	PO	QO	RO	SO	TO	UO	VO	WO	XO	YO	ZO	AO	BO	CO	DO	EO	FO	GO	HO	IO	JO	KO	LO	MO
T	NN	ON	PN	QN	RN	SN	TN	UN	VN	WN	XN	YN	ZN	AN	BN	CN	DN	EN	FN	GN	HN	IN	JN	KN	LN	MN
U	NM	OM	PM	QM	RM	SM	TM	UM	VM	WM	XM	YM	ZM	AM	BM	CM	DM	EM	FM	GM	HM	IM	JM	KM	LM	MM
V	NL	OL	PL	QL	RL	SL	TL	UL	VL	WL	XL	YL	ZL	AL	BL	CL	DL	EL	FL	GL	HL	IL	JL	KL	LL	ML
W	NK	OK	PK	QK	RK	SK	TK	UK	VK	WK	XK	YK	ZK	AK	BK	CK	DK	EK	FK	GK	HK	IK	JK	KK	LK	MK
X	NJ	OJ	PJ	QJ	RJ	SJ	TJ	UJ	VJ	WJ	XJ	YJ	ZJ	AJ	BJ	CJ	DJ	EJ	FJ	GJ	HJ	IJ	JJ	KJ	LJ	MJ
Y	NI	OI	PI	QI	RI	SI	TI	UI	VI	WI	XI	YI	ZI	AI	BI	CI	DI	EI	FI	GI	HI	II	JI	KI	LI	MI
Z	NH	OH	PH	QH	RH	SH	TH	UH	VH	WH	XH	YH	ZH	AH	BH	CH	DH	EH	FH	GH	HH	IH	JH	KH	LH	MH

Texto claro:  
HOLA

Criptograma:  
BZNV

63

## Criptosistema de Porta

- Un símbolo es sustituido por un par de letras en el texto plano.
- Se necesita una matriz de 26 x 26
  - las entradas de la matriz deben llenarse con símbolos diferentes (pueden ser solo números)
- El alfabeto es escrito en el borde externo de la matriz
  - uno de izquierda a derecha y otro de arriba a abajo
- Para encriptar se toma el símbolo que corresponde al par de letras del texto claro y se sustituye.

64



### Ejemplo versión moderna

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	
A	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	A
B	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	B
C	53	54	55	56	57	58	59	60	61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	71	72	73	74	75	76	77	78	C
D	79	80	81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	101	102	103	104	D
E	105	106	107	108	109	110	111	112	113	114	115	116	117	118	119	120	121	122	123	124	125	126	127	128	129	130	E
F	131	132	133	134	135	136	137	138	139	140	141	142	143	144	145	146	147	148	149	150	151	152	153	154	155	156	F
G	157	158	159	160	161	162	163	164	165	166	167	168	169	170	171	172	173	174	175	176	177	178	179	180	181	182	G
H	183	184	185	186	187	188	189	190	191	192	193	194	195	196	197	198	199	200	201	202	203	204	205	206	207	208	H
I	209	210	211	212	213	214	215	216	217	218	219	220	221	222	223	224	225	226	227	228	229	230	231	232	233	234	I
J	235	236	237	238	239	240	241	242	243	244	245	246	247	248	249	250	251	252	253	254	255	256	257	258	259	260	J
K	261	262	263	264	265	266	267	268	269	270	271	272	273	274	275	276	277	278	279	280	281	282	283	284	285	286	K
L	287	288	289	290	291	292	293	294	295	296	297	298	299	300	301	302	303	304	305	306	307	308	309	310	311	312	L
M	313	314	315	316	317	318	319	320	321	322	323	324	325	326	327	328	329	330	331	332	333	334	335	336	337	338	M
N	339	340	341	342	343	344	345	346	347	348	349	350	351	352	353	354	355	356	357	358	359	360	361	362	363	364	N
O	365	366	367	368	369	370	371	372	373	374	375	376	377	378	379	380	381	382	383	384	385	386	387	388	389	390	O
P	391	392	393	394	395	396	397	398	399	400	401	402	403	404	405	406	407	408	409	410	411	412	413	414	415	416	P
Q	417	418	419	420	421	422	423	424	425	426	427	428	429	430	431	432	433	434	435	436	437	438	439	440	441	442	Q
R	443	444	445	446	447	448	449	450	451	452	453	454	455	456	457	458	459	460	461	462	463	464	465	466	467	468	R
S	469	470	471	472	473	474	475	476	477	478	479	480	481	482	483	484	485	486	487	488	489	490	491	492	493	494	S
T	495	496	497	498	499	500	501	502	503	504	505	506	507	508	509	510	511	512	513	514	515	516	517	518	519	520	T
U	521	522	523	524	525	526	527	528	529	530	531	532	533	534	535	536	537	538	539	540	541	542	543	544	545	546	U
V	547	548	549	550	551	552	553	554	555	556	557	558	559	560	561	562	563	564	565	566	567	568	569	570	571	572	V
W	573	574	575	576	577	578	579	580	581	582	583	584	585	586	587	588	589	590	591	592	593	594	595	596	597	598	W
X	599	600	601	602	603	604	605	606	607	608	609	610	611	612	613	614	615	616	617	618	619	620	621	622	623	624	X
Y	625	626	627	628	629	630	631	632	633	634	635	636	637	638	639	640	641	642	643	644	645	646	647	648	649	650	Y
Z	651	652	653	654	655	656	657	658	659	660	661	662	663	664	665	666	667	668	669	670	671	672	673	674	675	676	Z

Texto claro: LETTER

Criptograma: 291, 514, 122

67

### Ventajas Porta

- La distribución de frecuencia es mucho más plana.
  - la variación se vuelve más grande ya que el alfabeto de encriptación es de 676 letras
- La longitud del criptograma es dos veces más corta que la del texto claro

68

## Desventajas Porta

- La tabla original de Porta cuenta con una estructura.
  - la intención de esta estructura es ayudar en la decripción
  - la estructura también ofrece una ayuda considerable a los criptoanalistas
- Para dificultar Porta
  - dejar un conjunto de símbolos ordenados y fijos (por ejemplo números) en la tabla
  - reordenar el alfabeto que indexa la tabla

69

## Playfair

- Es un criptosistema más compacto que el de Porta.
- Sistema basado en una matriz de 5 x 5.
- En el primer renglón de la matriz escribimos una llave,
  - la llave solo contiene letras diferentes
- El resto de la celdas se llenarán con el resto de las letras en algún orden que sea fácil de recordar.
  - como en el criptograma de Porta, el mensaje es encriptado tomando pares de letras

70

## Las reglas básicas de Playfair

- Si ambas letras se encuentran en el mismo renglón
  - usar las letras que se encuentran inmediatamente a la derecha de cada letra
  - imaginar que el final de la derecha de cada renglón esta unido con el final izquierdo
- Si ambas letras están en la misma columna
  - usar las letras que se encuentran inmediatamente abajo de cada letra
  - imaginarse que la parte baja de la columna esta conectada con su parte superior

71

## Las reglas básicas de Playfair

- Si dos letras se encuentran en diferentes renglones y diferentes columnas
  - cada letra es reemplazada por la letra en el mismo renglón que se encuentra en la columna ocupada por la otra letra
- En el caso de dos letras iguales en un diagrama:
  - insertar una x entre ellas (choose = cho**x**ose)

72

## Ejemplo de Playfair

	1	2	3	4	5
1	P	I/J	A	N	O
2	B	C	D	E	F
3	G	H	K	L	M
4	Q	R	S	T	U
5	V	W	X	Y	Z

Texto claro: cipher

Llave: piano

Encipción: ci se reemplaza por hc  
ph se reemplaza por ig  
er se reemplaza por ct

Criptograma: hcigct

[http://www.simon Singh.net/The\\_Black\\_Chamber/playfaircipher.htm](http://www.simon Singh.net/The_Black_Chamber/playfaircipher.htm)

73

## El criptosistema Hill

- Criptosistema poligráfico de sustitución basado en álgebra lineal.
- Inventado por Lester S Hill en 1929
- Fue el primer criptosistema poligráfico en el cual era posible operar en más de tres símbolos a la vez
- Cada letra es tratada como un dígito en base 26
  - A = 0
  - B = 1
  - C = 2
  - 
  -

74

## Encriptando con Hill

- Consideremos el mensaje ACT y la llave

$$\begin{pmatrix} 6 & 24 & 1 \\ 13 & 16 & 10 \\ 20 & 17 & 15 \end{pmatrix}$$

- Ya que A=0, C=2 y T=19, entonces el mensaje es el vector
- El vector de encriptación es

$$\begin{pmatrix} 6 & 24 & 1 \\ 13 & 16 & 10 \\ 20 & 17 & 15 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 19 \end{pmatrix} \equiv \begin{pmatrix} 67 \\ 222 \\ 319 \end{pmatrix} \equiv \begin{pmatrix} 15 \\ 14 \\ 7 \end{pmatrix} \pmod{26}$$

- que corresponde al criptograma POH

75

## Decriptando con Hill

- El criptograma se convierte en vector
- Se multiplica por la inversa de la matriz llave
- En el ejemplo, la inversa es:

$$\begin{pmatrix} 8 & 5 & 10 \\ 21 & 8 & 21 \\ 21 & 12 & 8 \end{pmatrix}$$

- Tomando el criptograma del ejemplo, POH:

$$\begin{pmatrix} 8 & 5 & 10 \\ 21 & 8 & 21 \\ 21 & 12 & 8 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 15 \\ 14 \\ 7 \end{pmatrix} \equiv \begin{pmatrix} 260 \\ 574 \\ 539 \end{pmatrix} \equiv \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \\ 19 \end{pmatrix} \pmod{26}$$

- lo cual produce el texto original ACT

76

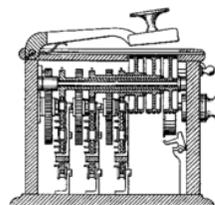
## A tomar en cuenta

- Posible complicación
  - No todas las matrices tienen una inversa
- Susceptible a un ataque de tipo known-plaintext
  - es completamente lineal
  - atacante intercepta  $n^2$  pares de texto claro/criptograma puede establecer un sistema lineal que puede ser resuelto fácilmente
- Dado un factor de  $n$  que define el tamaño de la matriz, solo el 30% de estas matrices serán útiles
  - determinantes no están distribuidos de forma uniforme
  - keyspace es cerca de  $4.64 n^2 - 1.7$
  - para una llave de  $5 \times 5$  esto es cerca de 114 bits

77

## Implementación mecánica

- Hill y un socio tienen una patente
  - US patent 1,845,947
- Dispositivo multiplicación matriz  $6 \times 6$  modulo 26 usando un sistema de cadenas y engranes
- La llave es fija para una máquina
  - se recomienda una triple encriptación
    1. paso secreto no lineal
    2. se aplica hill
    3. paso secreto no lineal



78

## Criptosistema de sustitución homofónico

- Cada letra es reemplazado con una variedad de substitutos.
- El número de posibles substitutos es proporcional a la frecuencia de la letra.
- Por ejemplo:
  - letra a representa el 8% de las letras, y se puede asignar 8 símbolos para representarla
  - cada letra en a en el texto claro será reemplazada por ocho símbolos elegidos al azar
- De esta forma cada símbolo constituirá el 1% del texto en total

79

## Números usados como símbolos

- Una opción es usar números de dos dígitos
- Se pueden ver que todos los números de dos dígitos que representan a la *a*, tienen el mismo *sonido* en el criptograma
- Es el origen del nombre del criptosistema
  - homos: mismo
  - fonico: phonos: sonido en griego
- El objetivo es balancear las frecuencias de símbolos en el criptograma.

80

## Ejemplo criptosistema homofónico

a	b	c	d	e	f	g	h	i	j	k	l	m	n	o	p	q	r	s	t	u	v	w	x	y	z
09	48	13	01	14	10	06	23	32	15	04	26	22	18	00	38	94	29	11	17	08	34	60	28	21	02
12	81	41	3	16	31	25	39	70			37	27	58	05	95		35	19	20	61		89		52	
33		62	45	24			50	73			51	59	07				40	36	30	63					
47			79	44			56	83			84	66	54				42	76	43						
53				46			65	88					71	72			77	86	49						
67				55			68	93					91	90			80	96	69						
78				57										99					75						
92				64															85						
				74															97						
				82																					
				87																					
				98																					

[http://simonsingh.net/The\\_Black\\_Chamber/homophoniccipher.htm](http://simonsingh.net/The_Black_Chamber/homophoniccipher.htm)

81

## Otros sistema homofonicos

- Criptosistema de Grandpre
- Criptosistema de Beale
- El telegrama de Zimmerman

82

## Criptosistema de Grandpre

- Extiende alfabeto texto claro y a través de alguna regla debe asegurarse que una letra del alfabeto tenga más de una representación (homophone)
- Se define una matriz de 8x8 y se llena de llaves (keywords)
  - puede ser una secuencia de palabras
  - se busca la primera ocurrencia, de la primera letra del texto claro, en base al orden lexicográfico de las coordenadas
  - para la segunda letra se hace la búsqueda a partir de donde nos quedamos en la búsqueda anterior

83

## Ejemplo Grandpre

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	a	b	a	S	h	l	n	g
2	y	o	k	o	h	a	m	a
3	c	o	e	x	l	S	t	s
4	d	e	a	t	h	f	u	l
5	j	a	c	k	p	o	t	s
6	q	u	l	v	e	r	e	d
7	w	l	t	c	h	i	n	g
8	z	o	d	i	a	c	a	l

Texto claro: T H I S I S A P L A I N T E X T  
 Criptograma: 37 45 76 14 84 36 28

84

## El criptosistema de Beale (criptosistema de libro)

- Inventado por T.J. Beale en 1820 en USA
- La llave es la declaración de la independencia,
  - las palabras de la llave son numeradas consecutivamente
  - cada letra del texto claro se encripta substituyendo el número de la palabra con que empieza dicha letra
  - por ejemplo la letra W se puede encriptar con los números 1,19,49,66,72, 90 ó 459
- Da origen a lo que se conoce como los criptosistemas de libros (code books)
  - En lugar de considerar a la declaración de la independencia como la llave se puede tomar el texto y/o libro convenido por las dos partes.

85

## Ejemplo criptosistema de Beale

When, in the course of human events, it becomes <sup>10</sup>necessary for one people to dissolve the political bands which <sup>20</sup>have connected them with another, and to assume among the <sup>30</sup>powers of the earth, the separate and equal station to <sup>40</sup>which the laws of nature and of nature's God entitle <sup>50</sup>them, a decent respect to the opinions of mankind requires <sup>60</sup>that they should declare the causes which impel them to <sup>70</sup>the separation.

We hold these truths to be self-evident, <sup>80</sup>that all men are created equal, that they are endowed <sup>90</sup>by their Creator with certain inalienable rights, that among these <sup>100</sup>are life, liberty and the pursuit of happiness; That to <sup>110</sup>secure these rights, governments are instituted among men, deriving their <sup>120</sup>just powers from the consent of the governed; That whenever <sup>130</sup>any form of government becomes destructive of these ends, it <sup>140</sup>is the right of the people to alter or to <sup>150</sup>abolish it, and to institute a new government, laying its <sup>160</sup>foundation on such principles and organizing its powers in such <sup>170</sup>form, as to them shall seem most likely to effect <sup>180</sup>their safety and happiness. Prudence, indeed, will dictate that governments <sup>190</sup>long established should not be changed for light and transient <sup>200</sup>causes; and accordingly all experience hath shewn, that mankind are <sup>210</sup>more disposed to suffer, while evils are sufferable, than to <sup>220</sup>right themselves by abolishing the forms to which they are <sup>230</sup>accustomed.

*Texto claro:*  
PROBANDO

*Criptograma:*  
184, 96, 31, 134,  
171, 156, 15, 143

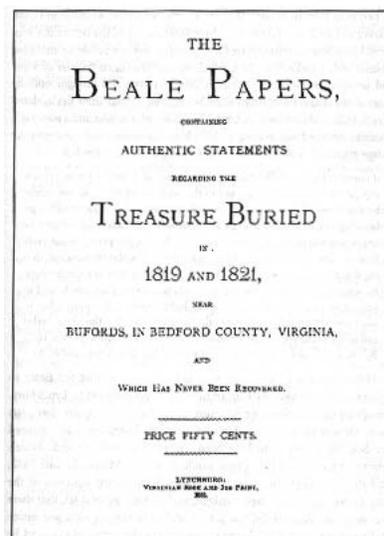
86

## The Beale Papers

- Vaquero amasa una fortuna de 20 millones de dólares.
  - un misterioso conjunto de papeles encriptados describe dicha fortuna y como obtenerla
- Todo lo que se conoce acerca de esta historia, incluyendo los papeles encriptados se encuentra en un panfleto publicado en 1885
  - a pesar de que solo tiene 23 páginas, el panfleto ha cautivado a varias generaciones de criptoanalistas.
- Tres criptogramas:
  - el primer da a conocer la ubicación del tesoro
  - la segunda describe el contenido del tesoro
  - la tercera explica quien debe recibir parte del tesoro

87

## El panfleto



88

## 1er. criptograma de Beale

71,194,38,1701,89,76,11,83,1629,48,94,63,132,16,111,95,84,341  
 975,14,40,64,27,81,139,213,63,90,1120,8,15,3,126,2018,40,74  
 758,485,604,230,436,664,582,150,251,284,308,231,124,211,486,225  
 401,370,11,101,305,139,189,17,33,88,208,193,145,1,94,73,416  
 918,263,28,500,538,356,117,136,219,27,176,130,10,460,25,485,18  
 436,65,84,200,283,118,320,138,36,416,280,15,71,224,961,44,16,401  
 39,88,61,304,12,21,24,283,134,92,63,246,486,682,7,219,184,360,780  
 18,64,463,474,131,160,79,73,440,95,18,64,581,34,69,128,367,460,17  
 81,12,103,820,62,110,97,103,862,70,60,1317,471,540,208,121,890  
 346,36,150,59,568,614,13,120,63,219,812,2160,1780,99,35,18,21,136  
 872,15,28,170,88,4,30,44,112,18,147,436,195,320,37,122,113,6,140  
 8,120,305,42,58,461,44,106,301,13,408,680,93,86,116,530,82,568,9  
 102,38,416,89,71,216,728,965,818,2,38,121,195,14,326,148,234,18  
 55,131,234,361,824,5,81,623,48,961,19,26,33,10,1101,365,92,88,181  
 275,346,201,206,86,36,219,324,829,840,64,326,19,48,122,85,216,284  
 919,861,326,985,233,64,68,232,431,960,50,29,81,216,321,603,14,612

89

## 1er. criptograma de Beale (cont)

81,360,36,51,62,194,78,60,200,314,676,112,4,28,18,61,136,247,819  
 921,1060,464,895,10,6,66,119,38,41,49,602,423,962,302,294,875,78  
 14,23,111,109,62,31,501,823,216,280,34,24,150,1000,162,286,19,21  
 17,340,19,242,31,86,234,140,607,115,33,191,67,104,86,52,88,16,80  
 121,67,95,122,216,548,96,11,201,77,364,218,65,667,890,236,154,211  
 10,98,34,119,56,216,119,71,218,1164,1496,1817,51,39,210,36,3,19  
 540,232,22,141,617,84,290,80,46,207,411,150,29,38,46,172,85,194  
 39,261,543,897,624,18,212,416,127,931,19,4,63,96,12,101,418,16,140  
 230,460,538,19,27,88,612,1431,90,716,275,74,83,11,426,89,72,84  
 1300,1706,814,221,132,40,102,34,868,975,1101,84,16,79,23,16,81,122  
 324,403,912,227,936,447,55,86,34,43,212,107,96,314,264,1065,323  
 428,601,203,124,95,216,814,2906,654,820,2,301,112,176,213,71,87,96  
 202,35,10,2,41,17,84,221,736,820,214,11,60,760

90

## El segundo criptograma

115,73,24,807,37,52,49,17,31,62,647,22,7,15,140,47,29,107,79,84  
 56,239,10,26,811,5,196,308,85,52,160,136,59,211,36,9,46,316,554  
 122,106,95,53,58,2,42,7,35,122,53,31,82,77,250,196,56,96,118,71  
 140,287,28,353,37,1005,65,147,807,24,3,8,12,47,43,59,807,45,316  
 101,41,78,154,1005,122,138,191,16,77,49,102,57,72,34,73,85,35,371  
 59,196,81,92,191,106,273,60,394,620,270,220,106,388,287,63,3,6  
 191,122,43,234,400,106,290,314,47,48,81,96,26,115,92,158,191,110  
 77,85,197,46,10,113,140,353,48,120,106,2,607,61,420,811,29,125,14  
 20,37,105,28,248,16,159,7,35,19,301,125,110,486,287,98,117,511,62  
 51,220,37,113,140,807,138,540,8,44,287,388,117,18,79,344,34,20,59  
 511,548,107,603,220,7,66,154,41,20,50,6,575,122,154,248,110,61,52,33  
 30,5,38,8,14,84,57,540,217,115,71,29,84,63,43,131,29,138,47,73,239  
 540,52,53,79,118,51,44,63,196,12,239,112,3,49,79,353,105,56,371,557  
 211,505,125,360,133,143,101,15,284,540,252,14,205,140,344,26,811,138  
 115,48,73,34,205,316,607,63,220,7,52,150,44,52,16,40,37,158,807,37

91

## El segundo criptograma (cont)

121,12,95,10,15,35,12,131,62,115,102,807,49,53,135,138,30,31,62,67,41  
 85,63,10,106,807,138,8,113,20,32,33,37,353,287,140,47,85,50,37,49,47  
 64,6,7,71,33,4,43,47,63,1,27,600,208,230,15,191,246,85,94,511,2,270  
 20,39,7,33,44,22,40,7,10,3,811,106,44,486,230,353,211,200,31,10,38  
 140,297,61,603,320,302,666,287,2,44,33,32,511,548,10,6,250,557,246  
 53,37,52,83,47,320,38,33,807,7,44,30,31,250,10,15,35,106,160,113,31  
 102,406,230,540,320,29,66,33,101,807,138,301,316,353,320,220,37,52  
 28,540,320,33,8,48,107,50,811,7,2,113,73,16,125,11,110,67,102,807,33  
 59,81,158,38,43,581,138,19,85,400,38,43,77,14,27,8,47,138,63,140,44  
 35,22,177,106,250,314,217,2,10,7,1005,4,20,25,44,48,7,26,46,110,230  
 807,191,34,112,147,44,110,121,125,96,41,51,50,140,56,47,152,540  
 63,807,28,42,250,138,582,98,643,32,107,140,112,26,85,138,540,53,20  
 125,371,38,36,10,52,118,136,102,420,150,112,71,14,20,7,24,18,12,807  
 37,67,110,62,33,21,95,220,511,102,811,30,83,84,305,620,15,2,108,220  
 106,353,105,106,60,275,72,8,50,205,185,112,125,540,65,106,807,188,96,110

92

## El segundo criptograma (final)

16,73,32,807,150,409,400,50,154,285,96,106,316,270,205,101,811,400,8  
 44,37,52,40,241,34,205,38,16,46,47,85,24,44,15,64,73,138,807,85,78,110  
 33,420,505,53,37,38,22,31,10,110,106,101,140,15,38,3,5,44,7,98,287  
 135,150,96,33,84,125,807,191,96,511,118,440,370,643,466,106,41,107  
 603,220,275,30,150,105,49,53,287,250,208,134,7,53,12,47,85,63,138,110  
 21,112,140,485,486,505,14,73,84,575,1005,150,200,16,42,5,4,25,42  
 8,16,811,125,160,32,205,603,807,81,96,405,41,600,136,14,20,28,26  
 353,302,246,8,131,160,140,84,440,42,16,811,40,67,101,102,194,138  
 205,51,63,241,540,122,8,10,63,140,47,48,140,288

93

## El mensaje del segundo criptograma

I have deposited in the county of Bedford about four miles from  
 Bufords in an excavation or vault six feet below the surface of the  
 ground the following articles belonging jointly to the parties whose  
 names are given in number three herewith. The first deposit consisted  
 of ten hundred and fourteen pounds of gold and thirty eight hundred and  
 twelve pounds of silver deposited Nov eighteen nineteen. The second  
 was made Dec eighteen twenty one and consisted of nineteen hundred  
 and seven pounds of gold and twelve hundred and eighty eight of silver,  
 also jewels obtained in St. Louis in exchange to save transportation and  
 valued at thirteen [t]housand dollars. The above is securely packed i[n]  
 [i]ron pots with iron cov[e]rs. Th[e] vault is roughly lined with stone  
 and the vessels rest on solid stone and are covered [w]ith others.  
 Paper number one describes th[e] exact locality of the va[u]lt so that  
 no difficulty will be had in finding it.

94

## El telegrama de Zimmerman

- Alemania usa submarinos para hundir barcos americanos.
  - lo anterior podía provocar el que USA entre a la guerra.
- Arthur Zimmermann, ministro exterior, se le ocurre como retrasar la entrada de USA en la guerra
  - propone alianza con México y persuadir que el Presidente invada USA reclamando Texas, New Mexico y Arizona
  - Alemania soportaría a México militar y financieramente
  - Presidente México debía persuadir Japón para que ataque USA



95

## El telegrama de Zimmerman

WESTERN UNION TELEGRAM

GERMAN LEGATION MEXICO CITY

via Galveston JAN 8 9 1917

130	13042	13401	8501	115	3528	416	17214	6491	11310
18147	18222	21560	10247	11518	23677	13805	5494	14936	
98002	5905	11311	10392	10371	0302	21290	5101	39095	
23571	17504	11299	18276	18101	0317	0228	17694	4473	
24284	22200	19452	21589	07893	5569	13918	8958	12137	
1233	4725	4458	5905	17100	12851	4458	17149	14471	0700
10850	12224	0929	14991	7382	15857	07893	14218	30477	
8870	17553	07892	5870	5454	10102	15217	22801	17138	
21001	17388	7416	23638	18222	0719	14331	15021	23845	
3150	23552	22096	21604	4797	9497	2240	20855	4377	
23610	18140	22860	5905	13347	20420	39689	13732	20907	
0929	5275	18507	52262	1340	20049	13339	11265	22295	
10439	14814	4178	0992	8784	7032	7357	0926	52262	11207
21100	21272	9340	9559	22464	15874	18502	18500	15857	
2184	5376	7381	98092	10127	13480	9350	9220	70036	14219
5144	2831	17500	11347	17142	11204	7607	7762	15099	9110
10462	97550	3569	3070						

SEPHSTOFF.

Charge German Embassy.

4.

4458 germaniam  
 17149 Medemochlufe.  
 14471  
 6706 reichlich  
 15550 finanziell  
 12224 unvorstellung  
 6429 und  
 14991 im verstandnis  
 73804 unvorsichts.  
 15657 2a/3  
 67893 Mexico.  
 14218 in  
 36477 Texas  
 5070  
 17553 kein  
 67893 Mexico.  
 5870  
 5454 AR  
 16102 IZ  
 15217 OIV  
 22501 A

96

## Decriptando el mensaje

- Telegrama enviado vía el cable del Atlántico
  - el resto de los medios estaban destruidos
- Mensaje del 17 enero 1917
- Criptoanalistas británicos Montgomery & de Grey descifran parte del mensaje.
  - usan el code book de un diplomático alemán
  - el libro se obtuvo de los bienes confiscados a Wilhelm Wassmus el viceconsul alemán en Persia, el cual dejó sus oficinas apresuradamente cuando las fuerzas británicas avanzaron

97

## El mensaje de Zimmerman

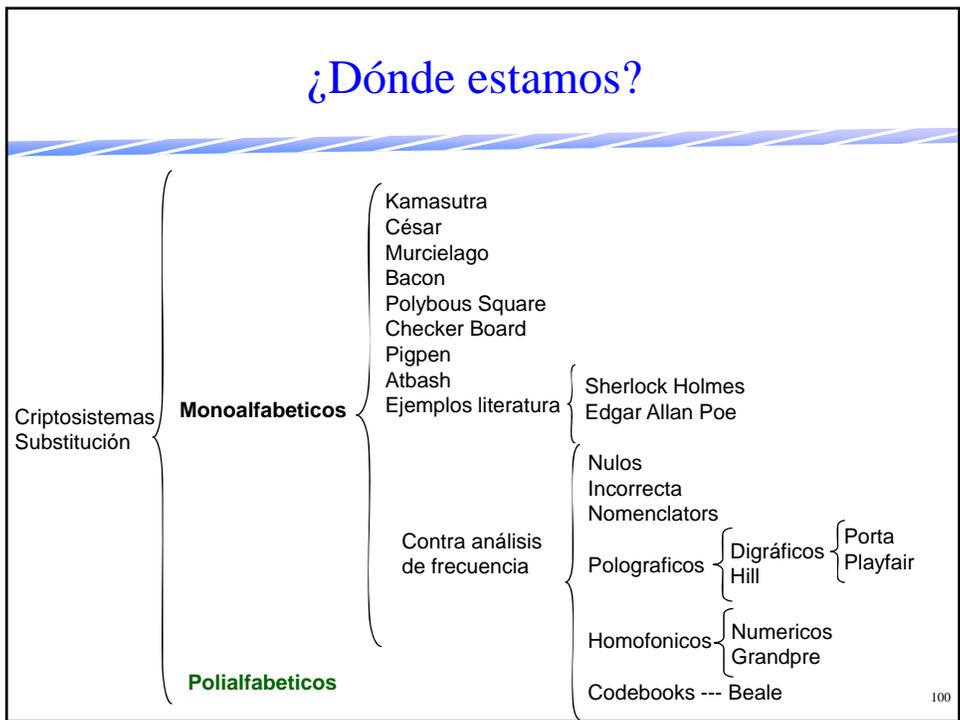
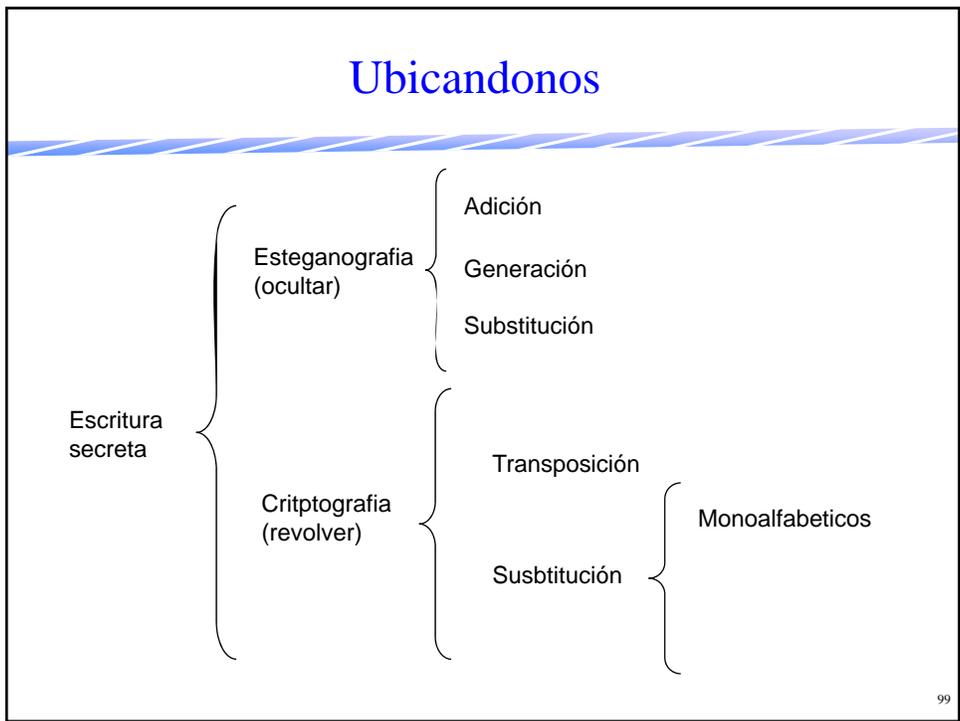


Berlin, January 19, 1917

We intend to begin on the first of February unrestricted submarine warfare. We shall endeavor in spite of this to keep the United States of America neutral. In the event of this not succeeding, we make Mexico a proposal of alliance on the following basis: make war together, make peace together, generous financial support and an understanding on our part that Mexico is to reconquer the lost territory in Texas, New Mexico, and Arizona. The settlement in detail is left to you. You will inform the President of the above most secretly as soon as the outbreak of war with the United States of America is certain and add the suggestion that he should, on his own initiative, invite Japan to immediate adherence and at the same time mediate between Japan and ourselves. Please call the President's attention to the fact that the ruthless employment of our submarines now offers the prospect of compelling England in a few months to make peace.

Zimmermann

98





## Hacia un criptograma más fuerte

los cripsistemas polialfabéticos



101

## Hacia un criptograma más fuerte



- Ejecución Mary Queen of Scots fue una dramática ilustración de la debilidad de la sustitución monoalfabetica.
  - criptoanalistas ganaban batalla a criptografos
- Necesario que los criptografos desarrollarán un criptosistema más fuerte.
- Por 1460 florentino matemático Leon Battista Alberti, escribe un ensayo sobre lo que creía que era un nuevo criptosistema.

102

## La propuesta de Alberti

- Propone usar dos o más alfabetos de encriptación, alternándolos durante la encriptación, y confundiendo al posible criptoanalista.

Alfabeto claro                    a b c d e f g h i j k l m n o p q r s t u v w x y z  
 Alfabeto encriptación 1:    f z b k i x a y m e p l s d h j o r g n q c u t w  
 Alfabeto encriptación 2:    g o x b f w t h q i l a p z j d e s v y c r k u h n

- Sin embargo, Alberti nunca pudo desarrollar su concepto y crear un criptosistema a partir de sus ideas.

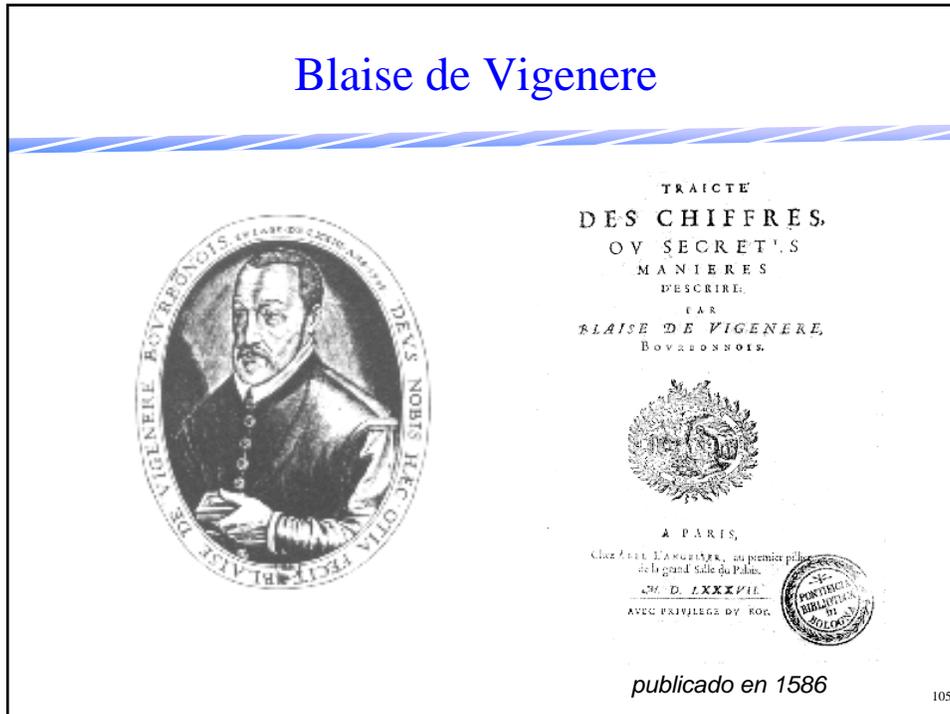
103

## Mejorando la idea de Albertini

- Johannes Trithemius,
  - alemán (1462-1516)
  - tratado de esteganografía y de poligrafía
- Giambattista della Porta,
  - italiano (1535-1615)
  - forma la *Accademia dei Segreti*, dedicada a estudiar secretos naturaleza, (cerrada por la Inquisición en 1578)
  - escribe *De furtivis litterarum notis vulgo de ziferis libri IV* (1563), un tratado sobre técnicas criptográficas



## Blaise de Vigenere



## La idea de Viginere

- Albertini, Trithemius y Porta contribuyen, pero es Vigenere el que desarrolla el criptosistema hasta su forma final.
- Utiliza 26 alfabetos de encriptación diferentes.
- Primer paso: escribir tabla Vigenere
  - cada línea es un alfabeto recorrido una letra con respecto a la línea anterior
  - hasta arriba esta el alfabeto en claro
- Es posible utilizar cualquiera de los 26 alfabetos para encriptar el mensaje, en el orden que se desee.

106

## La tabla de Viginere

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

107

## Criptosistema de Vigenère

- La llave toma sucesivamente diferentes valores
- Terminó matemático:  $Y_i = X_i \oplus Z_i \pmod{26}$
- Una misma letra en el texto claro le pueden corresponder diferentes letras en el texto cifrado
- Recuperación mensaje es análoga al procedimiento de Cesar

108

### Enviando el mensaje

alfabeto original																									
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
alfabeto 1													<i>correspondencias</i>												
L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
alfabeto 2																									
O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
alfabeto 3																									
U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
alfabeto 4																									
P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O

**Mensaje:**    PARIS VAUT BIEN UNE MESSE  
**Llave:**        LOUPL OUPL OUPL OUP LOUPL  
**Criptograma:** AOLXD JUJE    PCTY IHT XSMHP

109

### Recuperando el mensaje

alfabeto original																									
A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
criptograma													<i>correspondencias</i>												
P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
alfabeto 2																									
M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
alfabeto 3																									
G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
alfabeto 4																									
L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K

**Criptograma:** AOLXD JUJE    PCTY IHT XSMHP  
**Llave:**        LOUPL OUPL OUPL OUP LOUPL  
**Mensaje:**    PARIS VAUT BIEN UNE MESSE

110

## Características Vigenere

- Resistía a ataques de análisis de frecuencia.
  - letras más comunes no se repiten con la misma frecuencia
- Emisor y receptor se ponen de acuerdo en la llave: palabra diccionario, combinación palabras o fabricarlas.
- Sistema pertenece a un criptosistema conocido como *polialfabetico*
  - utiliza varios alfabetos por mensaje

111

## Algunos puntos a tomar en cuenta

- El uso de una llave (keyword) para indicar los alfabetos a usar fue idea original de Giovan Batista Bekasi en 1553
  - en 1563 Giovanni Battista Porta añade el uso de alfabetos revueltos en el sistema
  - el sistema se conoce como Viginere
- Un primer sistema de autollave, no utilizable, fue propuesto en primer lugar por Girolamo Cardano
  - fue Blaise de Vigenère quien propuso la actual forma del criptosistema de autollave, en 1585

112

## Desventajas Vigenere

- Sistema no fue muy adoptado,
  - no fue muy aceptado en los próximos dos siglos
- La naturaleza polialfabetica del criptosistema de Vigenere es lo que le da su fuerza, pero lo hace muy complicado de usar.
  - el esfuerzo adicional para usarlo desalentó a mucha gente para emplearlo
- Para muchos propósitos del siglo XVII, los criptosistemas monoalfabeticos fueron adecuados.

113

## Atacando criptosistema Viginere

- Debido a su fortaleza al criptosistema de Vigenere se le conocio como *le chiffre indéchiffrable*.
  - los criptografos tenían una ventaja sobre los criptoanalistas (siglo XVI, XVII y XVIII)
- La figura más importante de los criptoanalistas del siglo XIX fue Charles Babbage (1791-1871)
  - primera persona intenta desarrollar máquina universal para resolver problemas
  - interesado en criptogramas desde muy pequeño
  - planea escribir libro *The Philosophy of Decephering* (no publicado)

114

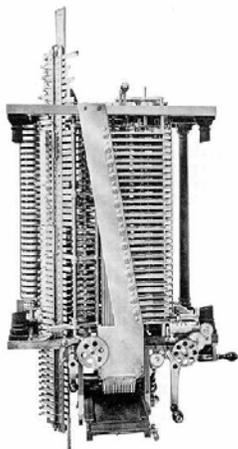
## Charles Babbage



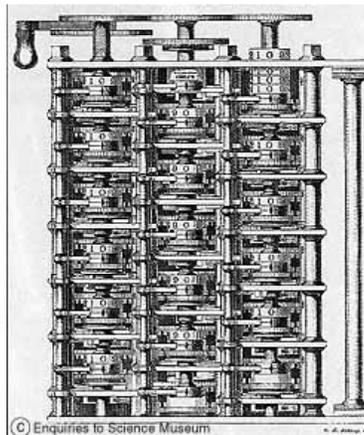
Charles Babbage



Ada Augusta,  
Countess of Lovelace



Máquina Analítica



Máquina Diferencial 115

## Aportaciones Babbage

- Aplicación de las matemáticas (álgebra) a la criptología.
  - sus papeles están repletos de formulas que usa para resolver criptosistemas
- Se cree que en 1854 logra resolver Viginere.
  - su descubrimiento nunca fue reconocido porque nunca lo publica
  - el descubrimiento se conoció en el siglo XX cuando un grupo de estudiantes estudió las notas de Babbage

116

## Kasiski

- En la misma época que Babbage, su técnica fue descubierta por Friedrich Wilhelm Kasiski (1805-1881)
  - oficial prusiano retirado
- En 1863 publica *Die Geheimschriften und die Dechiffrier-kunst* (“Escritura secreta y el arte de decripción”)
- La técnica se conoció como la prueba de Kasiski y la contribución de Babbage fue ignorada por mucho tiempo.

117

## ¿Porqué Babbage no publico su trabajo?

- Babbage tenía el hábito de no terminar sus proyectos y no publicar sus descubrimientos.
- Otra alternativa:
  - su descubrimiento ocurrió después del inicio de la guerra de Crimea
  - los británicos tenían una clara ventaja sobre los enemigos rusos
  - es posible que la Inteligencia Británica le pidiera a Babbage mantener en secreto su trabajo

118

## ¿Y cómo lo hizo?

- La principal debilidad de Vigenere es su naturaleza cíclica.
- Si la llave es de 5 letras de largo, entonces cada cinco letras del texto claro es encriptada de acuerdo al mismo alfabeto de encriptación.
- Si el criptoanalista puede identificar la longitud de la llave, el criptograma puede ser tratado como un serie de criptosistemas monoalfabéticos.

119

## Ejemplo llaves en Vigenere

- hola
- furia
- invocar
- loup
- wind

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A
C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B
D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C
E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D
F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E
G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F
H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G
I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I
K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K
M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M
O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N
P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O
Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P
R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q
S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R
T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S
U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T
V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U
W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V
X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W
Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X
Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y

120

## La llave en Vigenere y su efecto (i)

- Si la llave es KING, la letra e puede ser encriptada como
  - la letra Q si la K de KING es usada para encriptar
  - la letra M si la I de KING es usada para encriptar
  - la letra R si la N de KING es usada para encriptar
  - la letra K si la G de KING es usada para encriptar

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F

121

## Llave en Vigenere y su efecto (ii)

A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z
K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H
N	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	K	L
G	H	I	J	K	L	M	N	O	P	Q	R	S	T	U	V	W	X	Y	Z	A	B	C	D	E	F

- De la misma forma palabras enteras pueden ser encriptadas de forma diferente, por ejemplo la palabra the puede ser encriptada como
  - DPR
  - BUK
  - GNO
  - ZRM

122

## Llave en Vigenere y su efecto (iii)

**Llave:** KINGKINGKINGKINGKINGKING  
**Texto claro:** t h e s u n a n d t h e m a n i n t h e m o o n  
**Criptograma:** D P R Y E V N T N B U K W I A O X B U K W W B T

the: encriptado como DPR y después como BUK  
 segundo the esta desplazado 8 letras respecto al tercer the  
 8 es múltiplo de 4 (longitud llave)

**Llave:** RUNRUNRUNRUNRUNRUNRUNRUNRUNRUN  
**Texto claro:** T O B E O R N O T T O B E T H A T I S T H E Q U E S T I O N  
**Criptograma:** K I O V I E E I G K I O V N U R N V J N U V K H V M G Z I A

123

## Patrones y tamaño llave Vigenere (i)

- Es posible que en diferentes lugares de un criptograma se encuentren con secuencias idénticas de letras aparezcan.
- Estos patrones pueden proporcionar información de periodicidad dentro del texto.
- Por ejemplo:

**Texto claro:** R E Q U E S T S A D D I T I O N A L T E S T  
**Llave:** T E L E X T E L E X T E L E X T E L E X T E  
**Criptograma:** C A V K T B L T E U Q W S W J G E A L T B L

124

## Patrones y tamaño llave en Vigenere (ii)

**Texto claro:**    **RE**QUESTS **AD**DITIONAL **TE**ST  
**Llave:**            **TE**LEXT **EL** **EX**TELEXT **EL** **EX**TE  
**Criptograma:**   **CA**VKTBLT **EU**QWSWJGEA **LT**BL

- El texto en claro contiene la secuencia de letras EST dos veces
- En ambos casos, la misma sección de la llave es usada para encriptar
  - la secuencia TBL en el criptograma es la misma para ambos casos
- Lo anterior se debe a que la secuencia EST esta posicionada exactamente en un *número múltiplo de la longitud de la llave*

125

## Algunas observaciones

- El número de letras entre dos repeticiones del criptograma esta asociado con el numero de veces que la llave se repite.
- Ejemplo:
  - en el primer ejemplo la repetición de *BUK* se debe a que el segundo *the* esta desplazado ocho letras con respecto al tercer *the*, y ocho es un múltiplo de la longitud de la llave.
- El análisis de los intervalos entre las repeticiones puede dar a conocer la longitud de la llave.

126

## Un criptograma resultado de Vigenere

WUBEF IQL ZURMVOFEHMYMWT  
 I XCGTMP I FKRZUPMVO I RQMM  
 WOZMPULMBNYVQQQMVMVJLE  
 Y MHFEFNZ PSDLP PSDL PEVQM  
 WCXYMDAVQEEFIQCAYTQOWC  
 X YMWMSEMEFCFWYEQETRLI  
 Q YCGMTWCWFBSMYFPLRXTQY  
 E EXMRULUKSGWFPTLRQAERL  
 U VPMVYQYCXTWFQLMTELSFJ  
 P QEHMOZCIWCIWFPZSLMAEZ  
 I QVLQMZVPPXAWCSMZMORVG  
 V VQSZETRLQZPBJAZVQIYXE  
 WWOICCGDWHQMMVOWSGNTJP  
 F PPAYBIYBJUTWRLQKLLMD  
 PYVACDCFQ NZPIFPPKSDVPT  
 I DGXMQQVEBMA LKEZMGCVK  
 UZK I Z B Z LI UAMMVZ

127

## Rompiendo Vigenere

- Primer paso: ver las secuencias de letras que aparecen más de una vez en el criptograma.
- Dos formas de que se haya producido lo anterior:
  - la misma secuencia de palabras fue encriptada usando la misma parte de la llave
  - pequeña probabilidad de que dos diferentes secuencias de letras en el texto claro hayan sido encriptadas usando diferentes partes de llave, y que por coincidencia haya llevado a la misma secuencia en el criptosistema

128

## Encontrando repeticiones/patrones en el criptograma

WUB**E F I Q**L ZURMVOFEHMYMWT  
 I XCGTMP I FKRZUPMVO I RQMM  
 WOZMPULMBNYVQQQMVMVJLE  
 Y MHFEFNZ **PSDLP PSDL** PEVQM  
**WCXYM**DAVQ**E F I Q**CAYTQ**WC**  
**X Y M W M S E M E F C F W Y E Y Q E T R L I**  
 Q YCGMTWCWFBSMYFPLRXTQY  
 E EXMRULUKSGWFPTLRQAERL  
 U VPMVYQYCXTWFQLMTELSFJ  
 P QEHMOZCIWCIWFPZSLMAEZ  
 I QVLQMZVPPXAWCSMZMORVG  
 V VQSZ**E T R L**LQZPBJAZVQIYXE  
 WWOICCGDWHQMMVOWSGNTJP  
 F PPAYBIYBJUTWRLQKLLMD  
 PYVACDCFQ NZPIFPPKSDVPT  
 I DGXMQQVEBMQA LKEZMGCVK  
 UZK I Z B Z L I UAMMVZ

129

## Repeticiones y espacios entre ellas

Secuencia repetida	Espacio repetido	Posible longitud de la llave (o factores)																		
		2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
<b>E-F-I-Q</b>	95				x															x
<b>P-S-D-L-P</b>	5				x															
<b>W-C-X-Y-M</b>	20	x		x	x					x										x
<b>E-T-R-L</b>	120	x	x	x	x	x		x		x					x					x

En el caso de la repetición **W-C-X-Y-M**

1. Llave es 1 letra de largo y es reciclada 20 veces en la encripción
2. Llave es 2 letras de largo y es reciclada 10 veces en la encripción
3. Llave es 4 letras de largo y es reciclada 5 veces en la encripción
4. Llave es 5 letras de largo y es reciclada 4 veces en la encripción
5. Llave es 10 letras de largo y es reciclada 2 veces en la encripción
6. Llave es 20 letras de largo y es reciclada 1 veces en la encripción

130

## La longitud de la llave

- Se asume que la longitud de la llave es de 5
  - sea la llave:  $L_1$ - $L_2$ - $L_3$ - $L_4$ - $L_5$
- En base a la naturaleza de Viginere podemos deducir que
  - $L_1$  encripta la 1,6,11,16, ... letras
  - $L_2$  encripta la 2,7,12,17, ... letras
  - $L_3$  encripta la 3,8,13,18, ... letras
  - $L_4$  encripta la 4,9,14,19, ... letras
  - $L_5$  encripta la 5,10,15,20, ... letras

131

## Letras cifradas con $L_1$

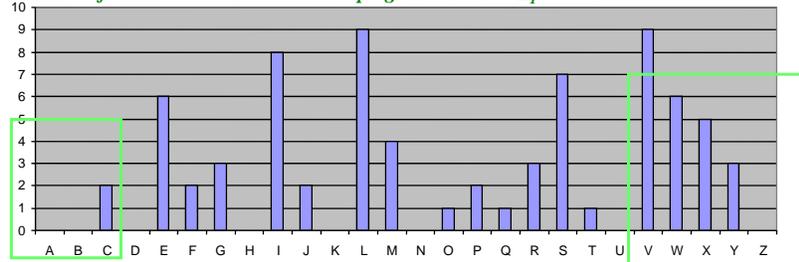
```

WUBEF IQL ZURMVOFEHMYMWT
IXCGTMP I FKRZUPMVOI RQMM
W OZMPULMBNYVQQQMVMVJLE
YMHFEFNZ PSDLP S DL PEVQM
WCXYMDAVQEEFIQCAYTQOWC
X YMWMSEMEFCFWYEQETRLI
Q YCGMTWCWFBSMYFPLRXTQY
E EXMRULUKSGWFPTLRQAERL
U VPMVYQYCX TW FQLMTELSFJ
P QEHMOZCIWCIWFPZSLMAEZ
I QVLQMZVPPXAWCSMZMORVG
V VQSZETRLQZPB JAZVQIYXE
W WOICCGDWHQMMVOWSGNTJP
F PPAYBIYBJUTWRLQKLLMD
PYVACDCFQ NZPIFPPKSDVPT
I DGXMQQVEBMAQLKEZMGCVK
UZK IZBZLIUAMMVZ
  
```

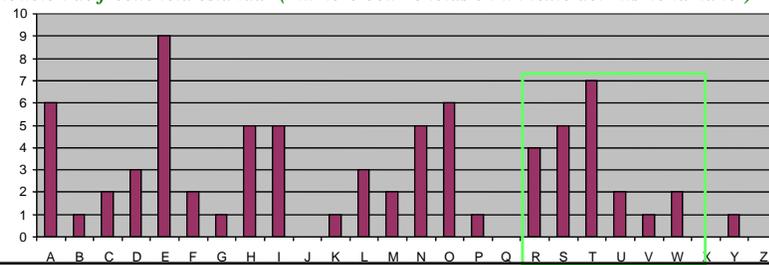
132

## Análisis del criptograma con $L_1$

Distribución de frecuencia de las letras en criptograma usando  $L_1$



Distribución de frecuencia estándar ( número ocurrencias en un texto del mismo tamaño )



133

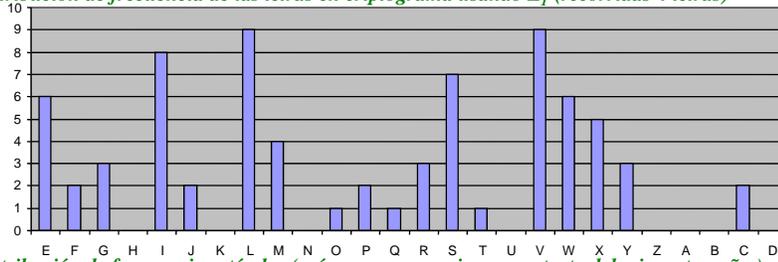
## Deducciones del análisis

- En esquema distribución estándar:
  - tres picos RST y una gran depresión después U a Z
- En esquema distribución criptograma
  - lo más parecido es VWX seguido por depresión de la Y a D
- Creencia:
  - todas las letras encriptadas con  $L_1$  fueron desplazadas cuatro lugares.
  - $L_1$  define un alfabeto que empieza en E F G H ...
  - muy probable que  $L_1 = E$

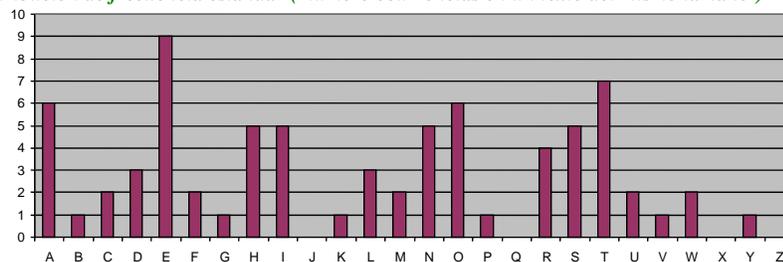
134

## Comparando distribución de las letras cifradas con L1, pero recorriendo 4 letras.

*Distribución de frecuencia de las letras en criptograma usando  $L_1$  (recorridas 4 letras)*



*Distribución de frecuencia estándar ( número ocurrencias en un texto del mismo tamaño )*



135

## ¿Qué se ha hecho?

1. Repeticiones en el criptograma permitieron identificar la longitud de la llave
  - llave de cinco letras de largo
2. Criptograma dividido en cinco partes
  - cada una encriptada de acuerdo a un criptosistema monoalfabético
3. Analizando la parte encriptada con  $L_1$  se pudo deducir que esta letra es E
4. Necesario aplicar metodología del punto 3 con las otras cuatro partes del criptograma.

136

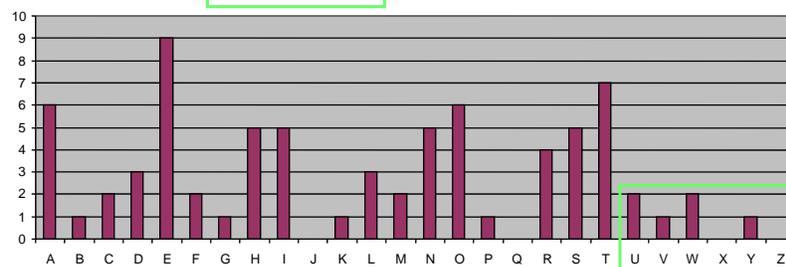
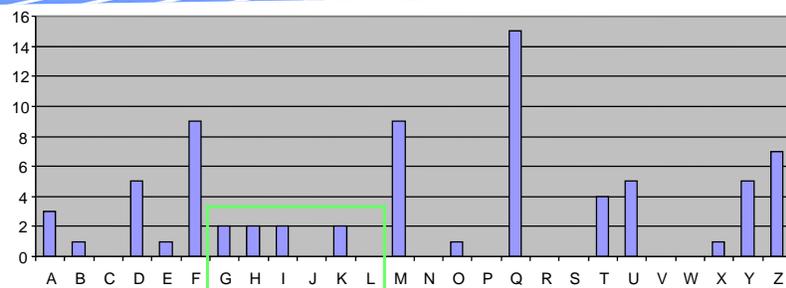
## Letras cifradas con $L_2$

```

WUBEF IQL ZURMVOFEHMYMWT
IXCGTMP IFRZUPMVO IRQMM
WOZMPULMBNYVQQMVJVLE
YMHFEFNZ PSDLP PSDLPEVQM
WCXYMDAVQEEFIQCAYTQOWC
XYMWMSEMEFCFWYEQETRLI
QYCGMTWCWFBSMYFPLRXTQY
EEXMRULUKSGWFPTLRQAERL
UVPMVYQYCXTWFQLMTELSFJ
PQEHMOZCIWCIWFPZSLMAEZ
IQVLQMZVPPXAWCSMZMORVG
VVQSZETRLQZPBJAZVQIYXE
WWOICCGDWHQMMVOWSGNTJP
FPAYBIYBJUTWRLQKLLMD
PYVACDCFQ NZPIFPPKSDVPT
IDGXMQQVEBMA LKEZMGCVK
UZK IZ BZ LI UAMMVZ
    
```

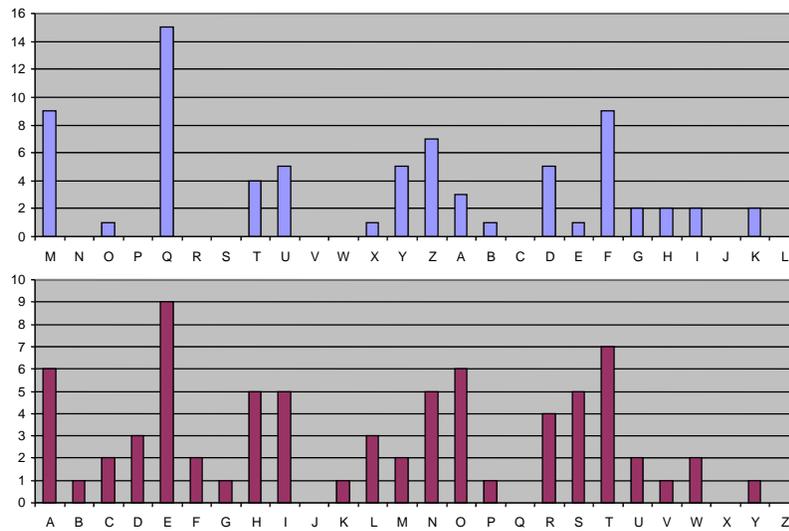
137

## Análisis del criptograma con $L_2$



138

### Análisis del criptograma recorrido 12 lugares con el estándar



139

### El texto claro

Sit the down, and have no shame,  
 Cheek by jowl, and knee by knee:  
 What care I for any name?  
 What for order or degree?

Llave: **EMILY**

Let me screw thee up a peg:  
 Let me loose thy tongue with wine:  
 Callest thou that thing a leg?  
 Which is thinnest? thine or mine?

Thou shalt not be saved by works;  
 Thou has been a sinner too:  
 Ruined trunks on withered forks,  
 Empty scarecrows, I and you!

Fill the cup, and fill the can:  
 Have a rouse before the morn:  
 Every moment dies a man,  
 Every moment one is born

140